

TABELA 1

CRITÉRIOS DE CONVERGÊNCIA DE SÉRIES

Critérios	Descrição	Observações
Critério de convergência para séries Geométricas	$\sum_{k=0}^{\infty} ar^n$ <p>converge para $\frac{a}{1-r}$ se $r < 1$</p> <p>e diverge se $r \geq 1$</p>	$\sum_{k=0}^{\infty} \left(\frac{1}{2}\right)^k$ converge para 2 $\sum_{k=0}^{\infty} 2^k$ diverge.
Critério de convergência para séries de Dirichlet	$\sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{n^\alpha}, \alpha \in]0, +\infty[$ <p>converge se $\alpha > 1$</p> <p>e diverge se $0 < \alpha \leq 1$.</p>	
Condição necessária de Convergência $\left(\lim_{n \rightarrow \infty} (a_n) \rightarrow 0\right)$	<p>Se $\lim_{n \rightarrow \infty} (a_n) \neq 0$, então</p> $\sum_{k=0}^{\infty} a_n$ diverge	<p>Se $\lim_{n \rightarrow \infty} (a_n) \rightarrow 0$ então</p> $\sum_{k=0}^{\infty} a_n$ poderá convergir ou não .
Critério do Integral	<p>Se $a_n = f_n \geq 0$ e f é contínua e decrecente, então $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ converge</p> <p>Se e só se $\int_1^{+\infty} f(x)dx$ converge .</p>	<p>Este critério utiliza-se sempre que $f(x)$ se integre facilmente.</p>
Critério de D'Alembert ou Critério da Razão	<p>Se $a_n > 0$ e $l = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n}$, então</p> <p>se $l > 1 \Rightarrow \sum a_n$ diverge</p> <p>se $l < 1 \Rightarrow \sum a_n$ converge</p> <p>se $l \rightarrow 1^+ \Rightarrow \sum a_n$ diverge</p> <p>se $l \rightarrow 1^-$ nada se pode concluir</p>	<p>Este critério deve ser usado para estudar séries cujo termo geral envolva factoriais, potências ou produtos sucessivos</p>

Critérios	Descrição	Observações
<p>Critério de Cauchy</p> <p>Ou</p> <p>Critério da Raíz</p>	<p>Se $a_n > 0$ e $L = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n}$, então</p> <p>se $l > 1 \Rightarrow \sum a_n$ <i>diverge</i></p> <p>se $l < 1 \Rightarrow \sum a_n$ <i>converge</i></p> <p>se $l \rightarrow 1^+ \Rightarrow \sum a_n$ <i>diverge</i></p> <p>se $l \rightarrow 1^-$ nada se pode concluir</p>	<p>Este critério deve ser utilizado para estudar séries</p> <p>cujo termo geral envolva potências de expoente n.</p>
<p>Critério de Leibniz</p> <p>(Para séries alternadas)</p>	<p>$\sum (-1)^n a_n$ convergirá se:</p> <p>a) $a_n \geq 0$</p> <p>b) $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$</p> <p>c) $\{a_n\}$ é decrescente</p>	<p>Este critério <u>apenas</u> poderá ser aplicado quando os termos da série são alternadamente positivos e negativos.</p>
<p>Critério da Convergência absoluta</p>	<p>$\sum a_n$, <i>converge</i> $\Rightarrow \sum a_n$ <i>converge</i></p>	<p>Para estudar a natureza da série $\sum a_n$, podem os usar os critérios mencionados atrás para séries de termos não negativos</p>
<p>1º Critério de Comparação</p>	<p>Se $0 \leq a_n \leq b_n, \forall n \geq p$, então</p> <p>$\sum_{n=0}^{\infty} b_n$ <i>converge</i> $\Rightarrow \sum_{n=0}^{\infty} a_n$ <i>converge</i></p> <p>$\sum_{n=0}^{\infty} a_n$ <i>diverge</i> $\Rightarrow \sum_{n=0}^{\infty} b_n$ <i>diverge</i></p>	
<p>2º Critério de Comparação</p>	<p>Sejam $a_n, b_n > 0$ e $L = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n}{b_n}$</p> <p>i) Se $L \neq 0, \infty$, então as séries $\sum a_n$ e $\sum b_n$ são da mesma natureza..</p> <p>ii) Se $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n}{b_n} = 0 \Rightarrow \begin{cases} \sum_{n=1}^{\infty} b_n \text{ convergente} \Rightarrow \sum_{n=1}^{\infty} a_n \text{ convergente} \\ \sum_{n=1}^{\infty} a_n \text{ divergente} \Rightarrow \sum_{n=1}^{\infty} b_n \text{ divergente} \end{cases}$</p> <p>iii) Se $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n}{b_n} = +\infty \Rightarrow \begin{cases} \sum_{n=1}^{\infty} a_n \text{ convergente} \Rightarrow \sum_{n=1}^{\infty} b_n \text{ convergente} \\ \sum_{n=1}^{\infty} b_n \text{ divergente} \Rightarrow \sum_{n=1}^{\infty} a_n \text{ divergente} \end{cases}$</p>	